

CORSO di FISICA-MATEMATICA
per il
Corso di Laurea Specialistica in Ingegneria Civile
Appello del 28/6/2006

Nome:.....

N. matr.:.....

Ancona, 28 giugno 2006

1. Determinare la soluzione dell'equazione di "drift-diffusion"

$$\frac{\partial u}{\partial t} + v \frac{\partial u}{\partial x} = D \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}$$

per la funzione incognita $u(x, t)$ nel dominio $-\infty < x < +\infty$ con la condizione iniziale $u(x, 0) = 1 + A \cos x$, $-1 < A < 1$. Tracciare un grafico qualitativo della soluzione $u(x, t)$ in funzione di x a diversi istanti temporali.

2. Determinare la soluzione dell'equazione di Klein-Gordon

$$\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} - v^2 \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \gamma^2 u = 0,$$

nel dominio finito $-a < x < a$ con le condizioni al contorno $u(-a, t) = u(a, t) = 0$ e la condizione iniziale

$$u(x, 0) = \begin{cases} b \left(1 - \frac{|x|}{a}\right) & |x| \leq a \\ 0 & |x| > a \end{cases}$$
$$\frac{\partial u}{\partial t}(x, 0) = 0,$$

dove a e b sono numeri reali positivi. Fare quindi un grafico, qualitativo ma sufficientemente preciso, della soluzione nel caso $a = b = v = \gamma = 1$.

3. Classificare l'equazione differenziale

$$\lambda \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + (1 - \lambda) \frac{\partial^2 u}{\partial x \partial y} + \lambda \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} = 0$$

al variare del parametro reale λ . Determinare quindi la trasformazione in forma canonica nel caso $\lambda = -2/3$.