Corso di Laurea Specialistica in Ingegneria Civile Anno Accademico 2009/2010 Fisica Matematica

Nome	
N. Matricola	Ancona, 09 settembre 2010

- 1. (7 punti) Enunciare e dimostrare il Principio del Massimo per l'equazione di Laplace.
- 2. (9 punti) Determinare la soluzione del problema di Cauchy

$$\frac{\partial f}{\partial x} + \cos x \, \frac{\partial f}{\partial y} = 0$$

con la condizione iniziale $f(x,0) = e^{-|x|}$. Determinare anche le proiezioni caratteristiche e tracciarne il grafico.

3. (9 punti) Determinare la soluzione dell'equazione del calore con termine di sorgente,

$$\frac{\partial u}{\partial t} = K \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + S(x)$$

nel dominio $0 \le x \le L$, dove

$$S(x) = S_0 H\left(x - \frac{L}{2}\right),\,$$

dove H è la funzione di Heaviside, condizioni al contorno u(0,t) = u(L,t) = 0, di continuità della soluzione e della sua derivata in x = L/2 e condizione iniziale u(x,0) = f(x).

4. (8 punti) Una corda di lunghezza infinita, che si trova in quiete all'istante iniziale, viene percossa in un punto A subendo una velocità iniziale che si può esprimere come $\phi(x) = \phi_0 e^{-|x|/L}$, dove si è posta in A l'origine delle coordinate. Determinare il profilo della corda per i tempi successivi.