

Corso di Laurea in Ingegneria Informatica e dell'Automazione
Anno Accademico 2011/2012
Analisi Numerica

Nome

N. Matricola

Ancona, 10 luglio 2012

Parte pratica

1. È dato il sistema lineare di 4 equazioni in 4 incognite $\mathbf{A} \mathbf{x} = \mathbf{b}$ dove

$$\begin{pmatrix} 2 & 3 & -1 & 0 \\ -2 & -3 & -1 & -4 \\ 1 & 5 & 0 & 3 \\ 3 & 1 & 1 & 2 \end{pmatrix}$$

con $\mathbf{b} = (-1, 1, 2, 0)$. Determinarne la soluzione utilizzando l'eliminazione di Gauss con pivoting scalato.

2. Risolvere numericamente il problema ai valori iniziali

$$\begin{aligned} f'(t) &= -t f(t) + \cos 6t \\ f(0) &= 1 \end{aligned}$$

per $0 \leq t \leq 2\pi$ utilizzando il metodo di Eulero e quello di Runge Kutta del quart'ordine. Verificare la convergenza dei due metodi considerando $\Delta t = 0.4, 0.1, 0.05$ e 0.01 ed illustrando graficamente i vari casi.

Corso di Laurea in Ingegneria Informatica e dell'Automazione
Anno Accademico 2011/2012
Analisi Numerica

Nome

N. Matricola

Ancona, 10 luglio 2012

Parte pratica

1. Calcolare l'inversa della matrice

$$\begin{pmatrix} 2 & 3 & -1 & 0 \\ -2 & 1 & 0 & 4 \\ 2 & 5 & -1 & 3 \\ 3 & -2 & -1 & 2 \end{pmatrix}$$

2. Calcolare numericamente la media della funzione

$$\begin{aligned} f(x) &= e^x, & \text{se } & 0 \leq x < 1/3 \\ f(x) &= e^{-x} + 2, & \text{se } & 1/3 \leq x < 1 \end{aligned}$$

sull'intervallo $[0, 1]$ con una tolleranza di 10^{-6} utilizzando la regola di Simpson con il minor numero possibile di nodi.

Corso di Laurea in Ingegneria Informatica e dell'Automazione
Anno Accademico 2011/2012
Analisi Numerica

Nome

N. Matricola

Ancona, 10 luglio 2012

Parte pratica

1. È dato il sistema lineare di 3 equazioni in 3 incognite $\mathbf{A} \mathbf{x} = \mathbf{b}$ dove

$$\begin{pmatrix} 10 & 5 & \alpha \\ 5 & -10 & -4 \\ \alpha & -4 & 8 \end{pmatrix}$$

e $\mathbf{b} = (6, 25, -11)$.

- Determinare l'intervallo per α nel quale la matrice \mathbf{A} è a dominanza diagonale;
 - utilizzando i comandi di Mathematica (o di un software equivalente), fare un grafico indicante il raggio spettrale della matrice di Jacobi in funzione di α ;
 - Studiare la convergenza dei metodi iterativi di Jacobi, Gauss-Seidel ed SOR (con il valore teorico di ω) per $\alpha = 10$;
 - ripetere il punto precedente con $\alpha = 2$;
 - risolvere il sistema con tutti e tre i metodi nel caso $\alpha = 2$ e tolleranza 10^{-6} , indicando il numero di iterazioni necessarie per ciascun metodo.
2. Sono date le funzioni $f(x) = \ln(1 + x)$ e $g(x) = \sin^2 x$.
- Quante intersezioni hanno in \mathbb{R} ?
 - Per ogni intersezione, trovare un intervallo che la contiene e che non ne contenga altre;
 - utilizzando il metodo di bisezione, calcolare tutte le intersezioni con tolleranza 10^{-6} ;
 - eseguire lo stesso calcolo utilizzando Newton-Raphson e confrontare il numero di iterazioni nei due casi.

Nome

N. Matricola

Ancona, 10 luglio 2012

Parte pratica

1. È dato il sistema lineare di 4 equazioni in 4 incognite $\mathbf{A} \mathbf{x} = \mathbf{b}$ dove

$$\begin{pmatrix} 2 & 3 & -1 & 0 \\ 3 & 1 & 1 & 2 \\ 1 & 5 & 0 & 3 \\ -1 & -5 & 0 & -4 \end{pmatrix}$$

con $\mathbf{b} = (-1, 1, 2, 0)$. Determinarne la soluzione utilizzando l'eliminazione di Gauss con pivoting scalato.

2. Risolvere numericamente il problema ai valori iniziali

$$\begin{aligned} f'(t) &= f(t)/(t+1) + \cos 4t \\ f(0) &= 0 \end{aligned}$$

per $0 \leq t \leq 2\pi$ utilizzando il metodo di Eulero e quello di Runge Kutta del quart'ordine. Verificare la convergenza dei due metodi considerando $\Delta t = 0.4, 0.1, 0.05$ e 0.01 ed illustrando graficamente i vari casi.

Corso di Laurea in Ingegneria Informatica e dell'Automazione
Anno Accademico 2011/2012
Analisi Numerica

Nome

N. Matricola

Ancona, 10 luglio 2012

Parte pratica

1. Calcolare numericamente la media della funzione

$$\begin{aligned} f(x) &= e^{-x^2}, & \text{se } 0 \leq x < 1 \\ f(x) &= x^2 - 1, & \text{se } 1 \leq x < 3 \end{aligned}$$

sull'intervallo $[0, 3]$ con una tolleranza di 10^{-6} utilizzando il metodo di Romberg con il minor numero possibile di suddivisioni.

2. È dato il sistema lineare di 3 equazioni in 3 incognite $\mathbf{A} \mathbf{x} = \mathbf{b}$ dove

$$\begin{pmatrix} 4 & \alpha & 1 \\ 1 & -5 & \alpha \\ 2 & -4 & 8 \end{pmatrix}$$

e $\mathbf{b} = (6, 25, -11)$.

- Determinare l'intervallo per α nel quale la matrice \mathbf{A} è a dominanza diagonale;
- utilizzando i comandi di Mathematica (o di un software equivalente), fare un grafico indicante il raggio spettrale della matrice di Jacobi in funzione di α ;
- Studiare la convergenza dei metodi iterativi di Jacobi, Gauss-Seidel ed SOR (con il valore teorico di ω) per $\alpha = 10$;
- ripetere il punto precedente con $\alpha = 2$;
- risolvere il sistema con tutti e tre i metodi nel caso $\alpha = 2$ e tolleranza 10^{-6} , indicando il numero di iterazioni necessarie per ciascun metodo.

Corso di Laurea in Ingegneria Informatica e dell'Automazione
Anno Accademico 2011/2012
Analisi Numerica

Nome

N. Matricola

Ancona, 10 luglio 2012

Parte pratica

1. Calcolare l'inversa della matrice

$$\begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 & 0 \\ -2 & 1 & 2 & 4 \\ 2 & 5 & -1 & 3 \\ 3 & -2 & -1 & -1 \end{pmatrix}$$

2. Calcolare numericamente la media della funzione

$$\begin{aligned} f(x) &= e^x, & \text{se } 0 \leq x < 1/3 \\ f(x) &= e^{-x} + 2, & \text{se } 1/3 \leq x < 1 \end{aligned}$$

sull'intervallo $[0, 1]$ con una tolleranza di 10^{-6} utilizzando la regola di Simpson con il minor numero possibile di nodi.