

Corso di Laurea in Ingegneria Edile
Anno Accademico 2009/2010
Analisi Matematica

Nome

N. Matricola

Ancona, 23 ottobre 2010

Istruzioni.

- Il foglio con il testo, compilato con nome e cognome ed eventualmente numero di matricola, va consegnato assieme alla bella copia. Non si consegnano brutte copie.
- I due gruppi di domande, intitolati **Domande elementari** e Domande teoriche, vanno scritti in ordine di comparsa sul foglio del testo e vanno scritti su un foglio diverso dal terzo gruppo di domande, detto **Esercizi**.
- Per l'ammissione all'orale, lo studente dovrà raggiungere un punteggio totale di almeno 16/30 e raccogliere almeno la metà del punteggio in ciascun gruppo di domande.

Domande elementari.

1. (2 punti) Risolvere l'equazione

$$\sqrt{2x+1} - \sqrt{3x-1} = 0.$$

2. (2 punti) Risolvere la disequazione

$$\sqrt{2x-1} - \sqrt{x+2} > 0.$$

Domande teoriche.

1. (4 punti) Enunciare e dimostrare il Teorema di de l'Hospital per una funzione reale di variabile reale.
2. (5 punti) Enunciare le condizioni sulla matrice Hessiana che corrispondono agli estremi locali di una funzione reale di due variabili reali.

Esercizi.

1. (5 punti) Studiare la funzione

$$f(x) = e^{g(x)} \quad \text{con} \quad g(x) = \frac{x^2 - 2x}{x^2 + 1}.$$

2. (3 punti) Calcolare l'integrale doppio

$$\int \int_D (x + 2y^2) dx dy$$

dove $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq \sqrt{x}\}$.

3. (5 punti) Determinare la soluzione generale dell'equazione differenziale

$$y'' - 4y' + 8y = e^{-x}$$

e risolvere quindi il problema di Cauchy con le condizioni iniziali $y(0) = 1, y'(0) = 0$.

4. (4 punti) Calcolare e classificare gli estremi liberi della funzione $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$

$$f(x, y) = xy e^{-(x^2+y^2)/2}$$